

## PROBLEMAS DE ENTRENAMIENTO SEMANA N° 3 (Nivel Inicial)

### Problema 1

¿Cuánto es:  $2007^2 - 2006^2 + 2005^2 - 2004^2 + \dots + 3^2 - 2^2$ ?

### Solución

Sabemos que  $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$ . En la expresión dada hay 1003 parejas de este tipo que podemos expresar de la manera anterior por lo anterior es igual a  $2007 + 2006 + 2005 + \dots + 3 + 2 = \frac{2007(2008)}{2} - 1 = 2015027$

### Problema 2

Una bolsa contiene 8 fichas negras y las demás son rojas. Si la probabilidad de sacar una ficha roja es de  $\frac{2}{3}$ , ¿Cuántas fichas hay en la bolsa?

### Solución

Decir que la probabilidad de sacar una ficha roja es de  $\frac{2}{3}$  en este caso es lo mismo que decir que  $\frac{2}{3}$  de las fichas en la bolsa son rojas por lo que, como sólo hay fichas rojas y azules, hay  $\frac{1}{3}$  de fichas azules, lo que quiere decir que hay el doble de fichas rojas que de azules, así que hay 16 fichas rojas y 8 azules, 24 en total.

### Problema 3

Sea  $ABC$  un triángulo rectángulo en  $A$ . Sea  $D$  el pie de la altura desde  $A$ . Si  $AB = 5$  y  $BD = 3$ , determina el área del triángulo  $ADC$ .

### Solución

Usando pitágoras en el triángulo  $ADB$  sabemos que el lado  $AD = 4$ . Luego, digamos que el ángulo  $\angle ABD = \alpha$  por lo que  $\angle BAD = 90 - \alpha$  y  $\angle DAC = \alpha$  por lo que los triángulos  $\delta ADC$  y  $\delta BDA$  son semejantes y, entonces,  $\frac{AD}{BD} = \frac{DC}{AD}$  por lo que:  $DC = \frac{AD^2}{BD} = \frac{4^2}{3} = \frac{16}{3}$  por lo que el área del

triángulo  $ADC$  es  $\frac{DC \cdot AD}{2} = \frac{\frac{16}{3} \cdot 4}{2} = \frac{32}{3}$